## UNIVERSIDAD DEL BÍO-BÍO

## FACULTAD DE INGENIERÍA DEPARTAMENTO INGENIERÍA CIVIL Y AMBIENTAL

Profesor Patrocinante:

Ing. Alexander Opazo Vega.



# EVALUACIÓN IN SITU DE PROPIEDADES DINÁMICAS EN SISTEMAS DE PISOS PREFABRICADOS.

Proyecto de título presentado en conformidad a los requisitos para obtener el Título de

Ingeniero Civil

## **CATHERINA NICOLE LEIVA ROBLES**

Concepción, Junio 2013

### NOMENCLATURA

AISC	American Institute of Steel Construction. EE.UU.
CCIP	The Concrete Centre.
EPS	Poliestireno Expandido.
EUR	Comisión Europea.
$f_n$	Frecuencia de Vibración Vertical Fundamental del modo de Vibrar.
$f_{I}$	Menor frecuencia de $T_{max}/\sqrt{2}$ .
$f_2$	Mayor frecuencia de $T_{max}/\sqrt{2}$ .
FFT	Transformada Rápida de Fourier.
FRF	Función de Respuesta en Frecuencia.
Hz	Hertz.
ISO	Organization for Standardization.
SCI	The Steel Construction Institute.
T <sub>max</sub>	Amplitud máxima.
ξ	Razón de Amortiguamiento.
ω:	Frecuencia circular, $\omega = 2^* \Pi^* f_n$

## ÍNDICE GENERAL

NOMENCLATURA	ii
ÍNDICE DE FIGURAS	v
ÍNDICE DE TABLAS	v
RESUMEN	1
ABSTRACT	2
CAPÍTULO 1: INTRODUCCIÓN	3
1.1 Justificación	4
1.2 Antecedentes	4
1.3 Alcances de la Investigación	4
1.4 Objetivos	5
1.4.1 Objetivo General	5
1.4.2 Objetivos Específicos	5
CAPÍTULO 2: REVISIÓN BIBLIOGRÁFICA	6
2.1 Test de Heel Drop	6
2.2 Razón de Amortiguamiento	6
2.3 Frecuencia vertical fundamental	7
2.4 Métodos de Determinación de Frecuencia de Vibración Vertical Fundamental	7
2.4.1 Método del peak de la amplitud de la transformada rápida de Fourier (FFT)	7
2.4.2 Método del peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia	8
2.5 Determinación de los Valores de Razón de Amortiguamiento	8
2.5.1 Método de Decaimiento de Curva	8
2.5.2 Método de Ancho de Banda	9
CAPÍTULO 3: METODOLOGÍA	11
3.1 Componentes de la Losa Prefabricada	11
3.2 Determinación de la Vibración Vertical de las Losas	12
3.2.1 Modelos de Casas	12
3.2.2 Criterios para la Medición de Vibraciones	12
3.2.3 Procesamiento de los Datos Registrados	14

<b>3.3</b> Criterios para la Determinación de las Propiedades Dinámicas
3.3.1 Método del peak de la amplitud de la transformada rápida de Fourier (FFT) 15
3.3.2 Método del peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia 15
3.3.3 Método de Decaimiento de Curva 15
3.3.4 Método de Ancho de Banda 16
<b>3.4</b> Criterios de Evaluación de Propiedades Dinámicas
<b>3.5</b> Análisis Estadístico de Resultados
CAPÍTULO 4: RESULTADOS
<b>4.1</b> Frecuencia de Vibración Vertical Fundamental
<b>4.2</b> Razón de Amortiguamiento del Sistema
<b>4.3</b> Análisis de Resultados
4.3.1 Análisis de Resultados Frecuencia Vertical Fundamental
4.3.2 Análisis de Resultados Razón de Amortiguamiento
CAPÍTULO 5: CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES
<b>5.1</b> Conclusiones
<b>5.2</b> Recomendaciones
REFERENCIAS BIBLIOGRÀFICAS
ANEXOS
ANEXO A: Código Matlab
ANEXO B: Gráficas de los Acelerogramas
ANEXO C: Análisis Estadístico
ANEXO D: Métodos de determinación de $f_n$
ANEXO E: Métodos de determinación de ξ110

## ÍNDICE DE FIGURAS

Figura 1. Test de Heel Drop	6
Figura 2. Gráfica de la transformada rápida de Fourier	7
Figura 3. Grafica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia	8
Figura 4. Parte superior del acelerograma con ajuste y calidad de regresión de un 98%	9
Figura 5. Función de transferencia para la determinación de amortiguamiento	10
Figura 6. Detalle del panel de poliestireno expandido	11
Figura 7. Unión del sistema EPS	12
Figura 8. Posicionamiento del acelerómetro en casa modelo A	13
Figura 9. Posicionamiento del acelerómetro en casa modelo B	14
Figura 10. Posicionamiento del acelerómetro en casa modelo C	14
Figura 11. Acelerograma	15
Figura 12. Gráfica de Caja y Bigote para valores de frecuencia vertical fundamental	22
Figura 13. Gráfica de Caja y Bigote para valores de razón de amortiguamiento	24

## **INDICE DE TABLAS**

Tabla 1. Valores de amortiguamiento para el modo fundamental de pisos en edificaciones	17
Tabla 2. Valores de Amortiguamiento para diferentes Estructuras	18
Tabla 3. Frecuencia Fundamental Mediante ambos Métodos	20
Tabla 4. Razón de Amortiguamiento Mediante ambos Métodos	21

## EVALUACIÓN IN SITU DE PROPIEDADES DINÁMICAS EN SISTEMAS DE PISOS PREFABRICADOS.

#### **Autor: Catherina Nicole Leiva Robles**

Departamento de Ingeniería Civil y Ambiental, Universidad del Bío-Bío Correo Electrónico: <u>catleiva@alumnos.ubiobio.cl</u>

Profesor Patrocinante: Ing. Alexander Opazo Vega. Departamento de Ingeniería Civil y Ambiental, Universidad del Bío-Bío Correo Electrónico: <u>aopazov@ubiobio.cl</u>

#### RESUMEN

Los sistemas de losas prefabricados son cada vez más utilizados en la construcción de viviendas unifamiliares, por lo que es de vital importancia determinar las propiedades dinámicas asociadas a estos sistemas, que nos permitan conocer si se encuentran dentro de los rangos de valores aceptables de diseño y que métodos son más efectivos para su obtención.

En el presente estudio se busca evaluar las propiedades dinámicas de frecuencia vertical fundamental y de la razón de amortiguamiento, en tres modelos de viviendas de diferentes dimensiones con sistemas prefabricados de losas compuestos de hormigón, acero y poliestireno expandido, a través, de dos métodos de determinación para cada caso, para su posterior comparación. A demás, de realizar un análisis estadístico para determinar el método más eficaz y confiable en sus resultados.

Finalmente se obtienen resultados de frecuencia vertical fundamental superiores a los 10 Hz correspondientes a losas de alta frecuencia, en el caso de la razón de amortiguamiento se obtiene una mayor dispersión de datos en un modelo particular de viviendas, sin embargo, se tiene que no existen diferencias estadísticamente significativas entre utilizar uno u otro método de determinación de propiedades dinámicas.

Palabras Claves: Losas prefabricadas, Frecuencia fundamental, Razón de amortiguamiento Número de Palabras: 4.578 Palabras Texto + 17 Figuras/Tablas \* 250 = 8.828.-

## IN SITU EVALUATION OF DYNAMIC PROPERTIES OF ENGINEERED FLOORING SYSTEMS.

#### **Author: Catherina Nicole Leiva Robles**

Department of Civil and Environmental Engineering, University of the Bío-Bío Email: <u>catleiva@alumnos.ubiobio.cl</u>

#### Teacher Guide: Ing. Alexander Opazo Vega.

Department of Civil and Environmental Engineering, University of the Bío-Bío Email: <u>aopazov@ubiobio.cl</u>

#### ABSTRACT

Precast slab systems are increasingly used in building houses, so it is vital to determine the dynamic properties associated with these systems, which allow us to know if they are within the range of acceptable values of design and which methods are most effective for obtaining.

In the present study is to evaluate the dynamic properties of key vertical frequency and damping reason, in three models of homes of different sizes with compound systems prefabricated concrete slabs, steel and expanded polystyrene, through, two methods of determination in each case, for subsequent comparison. To others, to conduct a statistical analysis to determine the most effective method and conservative in its results.

Finally obtained results of critical vertical frequency above 10 Hz slabs corresponding to high frequency in the case of the damping ratio results in greater dispersion of data on a particular model of housing, however, is that no statistically significant difference between using one or the other method of determining dynamic properties.

Keywords: prefabricated slab, Fundamental frequency, Damping ratio.

#### 1 INTRODUCCIÓN.

En los últimos años se ha masificado la utilización de sistemas prefabricados en el diseño estructural, debido a que éstos ayudan a disminuir el tiempo de construcción, aumentando la productividad de la obra. Sin embargo, actualmente no existen normativas que aseguren que estos sistemas constructivos cumplan con los requerimientos fundamentales de diseño, lo que tiene directa relación con las propiedades dinámicas de la estructura según sea su materialidad.

Todas las estructuras reales cuando se hacen vibrar por alguna acción externa no entran en vibración continua, sino que vibran con una amplitud que decae progresivamente a cero una vez que la acción ha terminado. Este decaimiento es un resultado de la disipación de energía y se produce a una velocidad que depende de la amortiguación de la estructura (CCIP, 2006).

De las propiedades dinámicas comúnmente utilizadas, destacan la razón de amortiguamiento fundamental ( $\xi$ ) y la frecuencia de vibración vertical fundamental ( $f_n$ ). Ambas definen el comportamiento dinámico del sistema estructural frente a excitaciones producidas por cargas solicitantes externas.

Hoy en día, existen diferentes métodos para estimar el valor de estas propiedades, utilizando los registros de vibraciones in situ, mediante el empleo de un equipo de medición de aceleraciones y una carga externa conocida.

El presente trabajo, consiste en la evaluación de la razón de amortiguamiento fundamental y la frecuencia de vibración vertical fundamental, para tres diseños de losas prefabricadas, mediante el empleo de dos métodos de estimación para cada una de las propiedades dinámicas de manera independiente.

#### 1.1 Justificación.

El mercado de la construcción presenta una inversión proyectada para el año 2013 de 687 millones de unidades de fomento, con un crecimiento de 6,7% mayor al registrado el año anterior según estudios realizados por la cámara chilena de la construcción (2012).

En relación a este crecimiento, los sistemas de estructuras prefabricadas han resultado ser una solución constructiva rentable en el mercado inmobiliario privado, por lo que su utilización es cada vez más común.

A través de esto, se hace relevante determinar el valor de las propiedades dinámicas, las cuales influyen directamente en el diseño de los elementos prefabricados y su comportamiento dinámico una vez construida la estructura.

#### 1.2 Antecedentes.

La medición de las vibraciones se realizó en tres diseños distintos de losas prefabricadas, correspondientes a tres tipos de viviendas unifamiliares construidas en la ciudad de Concepción, Región del Bío-Bío. La materialidad de las losas prefabricadas consiste en hormigón, acero y paneles de poliestireno expandido.

#### **1.3** Alcances de la Investigación.

Esta investigación contempla la medición de las vibraciones verticales de tres diseños de losas, correspondientes a tres modelos de casas diferentes, empleando un acelerómetro como equipo. Las vibraciones registradas serán utilizadas para determinar los valores de la frecuencia de vibración vertical fundamental y la razón de amortiguamiento fundamental, mediante dos métodos diferentes para cada una de las propiedades dinámicas de manera independiente, como criterio de comparación de los resultados.

Cabe destacar que los valores obtenidos de las propiedades dinámicas en este trabajo, sólo pueden ser utilizados para los sistemas prefabricados correspondientes a esta investigación, es decir conformados en base a hormigón, acero y paneles de poliestireno expandido.

#### 1.4 Objetivos.

#### 1.4.1 Objetivo General.

Evaluar las Propiedades Dinámicas en Sistemas de Losas Prefabricadas en Viviendas Unifamiliares Innovativas.

#### 1.4.2 Objetivos Específicos.

- ✓ Implementar un método de medición de vibraciones in situ, para el sistema de losas prefabricadas.
- ✓ Determinar la frecuencia de vibración vertical fundamental, aplicando dos métodos diferentes.
- ✓ Determinar el valor de la razón de amortiguamiento, aplicando dos métodos diferentes.
- Realizar un análisis comparativo de los resultados obtenidos por los métodos aplicados, para cada una de las propiedades dinámicas.

#### 2 REVISIÓN BIBLIOGRÁFICA.

En el presente capítulo, se entrega información relevante sobre el ensayo realizado para la medición de las vibraciones verticales de las losas, en los tres modelos de viviendas. Además, contiene la descripción de los métodos utilizados para la obtención de las propiedades dinámicas.

#### 2.1 Test de Heel Drop.

Este ensayo consiste en una forma de pulso que se provoca en el suelo donde un adulto levanta los talones y luego los deja caer, generando una carga vertical que hará vibrar el sistema en la frecuencia natural de la estructura, que tiene una tasa de decaimiento asociado con la amortiguación de ésta (V. Racic et al., 2009).

El rango de frecuencia ideal en el test de Heel Drop es de 0-300 Hz. Cada test aplicado posee un período de duración aproximado de entre 4 a 8 segundos, dependiendo de la atenuación de la vibración (EUR, 2006; Sepúlveda, 2012; Briceño, 2012).



Figura 1. Test de Heel Drop.

#### 2.2 Razón de Amortiguamiento

La razón de amortiguamiento se considera a la pérdida de energía en el sistema de piso durante el movimiento. Además, la amortiguación tiene una importante influencia en el comportamiento de vibración de este.

Las propiedades de amortiguación no dependen sólo de la estructura, sino también en los acabados y el uso de las instalaciones. Así, los paneles de separación, entre techos, pisos flotantes libres, etc., afectan a las propiedades de amortiguación de manera significativa.

(EUR, 2008; ArcelorMittal, 2008, C.J. Middleton, 2008)

#### 2.3 Frecuencia vertical fundamental

La frecuencia fundamental es la frecuencia de oscilación libre sin estar excitado continuamente por un agente excitador.

Cada estructura tiene tantas frecuencias fundamentales y modos asociados de vibración como grados de libertad. Estos modos se clasifican por la cantidad de energía que se active en la oscilación. Por lo tanto, la primera frecuencia fundamental es la que requiere un nivel inferior de energía y por tanto es la que se activa con mayor probabilidad. (ArcelorMittal, 2008)

#### 2.4 Métodos de Determinación de Frecuencia de Vibración Vertical Fundamental

Para la determinación de valores se utilizaron dos métodos con la finalidad de generar una base de datos comparativa. Para esto fue necesario realizar el traspaso de la respuesta del impulso al dominio de la frecuencia de dos maneras diferentes. Ambos métodos se presentan a continuación.

#### 2.4.1 Método del peak de la amplitud de la transformada rápida de Fourier (FFT)

Este método consiste en traspasar los datos registrados en el dominio del tiempo al dominio de la frecuencia mediante la transformada rápida de Fourier (FFT), en donde el sistema computacional entrega una gráfica (figura 2) a través de la cual se obtiene el peak de la amplitud de la trasformada rápida de Fourier correspondiente a la frecuencia de vibración vertical fundamental. (Montiel, 2007)



Figura 2. Gráfica de la transformada rápida de Fourier

#### 2.4.2 Método del peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

En este método se utiliza la transformada de Fourier para traspasar la respuesta del impulso al dominio de la frecuencia, obteniendo la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia (FRF), Luego se ubica el peak máximo superior e inferior, como se muestra en la figura 3 y se procede a promediar los valores obtenidos del peak superior e inferior, para así determinar el valor final de frecuencia de vibración vertical fundamental, (Anders Brandt, 2011).



Figura 3. Gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

#### 2.5 Determinación de los Valores de Razón de Amortiguamiento

Para la determinación de los valores asociados a los sistemas de piso, se presentan dos métodos con la finalidad de generar una base de datos comparativa.

#### 2.5.1 Método de Decaimiento de Curva

Para la determinación del valor de  $\xi$  mediante este método, se utiliza la gráfica del acelerograma, en donde se consideran los valores de aceleración peak de cada cresta.

El decaimiento de curva queda caracterizado por la siguiente formula de tipo exponencial  $(f(x) = a e^{bx})$ , expresado por la siguiente ecuación:

$$A_i(t) = K * e^{\xi \omega t}$$
 Ec.1

Dado que el sistema vibra con una sola frecuencia  $\omega$ , el valor de razón de amortiguamiento se calcula usando los coeficientes b =  $\xi * \omega$ , de la ecuación del gráfico.

Además a los datos obtenidos en el gráfico se le realiza un ajuste del tipo de regresión exponencial y la precisión del ajuste de regresión el cual indica la calidad de esta se encuentra representado como  $R^2$ , mediante el uso del programa Excel, como muestra la figura 4, (EUR, 2006).



Figura 4. Parte superior del acelerograma con ajuste y calidad de regresión de un 98%

#### 2.5.2 Método de Ancho de Banda

Para la determinación de razón amortiguamiento mediante este método se debe obtener la frecuencia fundamental ( $f_n$ ), y las frecuencias de T<sub>max</sub>/ $\sqrt{2}$ , es posible calcular el valor de amortiguamiento con la siguiente ecuación, (EUR, 2006).

$$\xi = \frac{f_2 - f_1}{f_2 + f_1}$$
 Ec.2

Gráficamente queda expresado en la Figura 5:



Figura 5. Función de transferencia para la determinación de amortiguamiento (Fuente: EUR, 2006).

#### **3 METODOLOGÍA**

En este capítulo, se detallan las consideraciones utilizadas para la medición de las vibraciones verticales de las losas en los tres modelos de viviendas. Además, de los criterios empleados en el desarrollo de los métodos de obtención de las propiedades dinámicas y el método comparativo de los resultados entre los modelos aplicados.

#### 3.1 Componentes de la Losa Prefabricada.

El sistema de losa consta de paneles de entrepiso aislante a base a espuma de poliestireno expandido (EPS) y vigas conformadas in situ.

Los paneles de entrepiso aislante cuentan con dos canales "C" de acero galvanizado en su interior, con el fin de servir como soporte del sistema para recibir el peso del hormigón al ser puestos en terreno. Además, éstos tienen orificios para el paso de instalaciones hidráulicas y eléctricas.

Los paneles EPS tienen 15 cm de peralte y 60 cm de ancho en su parte baja, los canales "C" se encuentran distanciados a 30 cm y con una altura de 13 cm. (Nova Chemicals, 2012; Syntheon, 2012), tal como se muestra en la figura 6.



Figura 6. Detalle del panel de poliestireno expandido (Fuente: Nova Chemicals, 2012).

Luego de instalar los paneles EPS, se coloca entre ellos refuerzos de acero para posteriormente realizar el hormigonado (hormigón H-20), condicionando que este sistema trabaje en forma monolítica (Figura 7).



Figura 7. Unión del sistema EPS.

#### 3.2 Determinación de la Vibración Vertical de las Losas.

Para determinar la vibración vertical en los tres tipos de losas contempladas en este estudio, fue importante identificar los modelos de casas correspondientes, y con esto, definir la ubicación fija del acelerómetro para efectuar las mediciones.

#### 3.2.1 Modelos de Casas.

Los modelos considerados para la medición de vibraciones, corresponden a tres diseños de casas con diferentes dimensiones de losas prefabricadas. A modo de clasificar cada uno de ellos, se definen de manera simplificada como Modelo A, Modelo B y Modelo C.

Las muestras de casas representativas para las mediciones son 15 para el modelo A, 20 para el modelo B y 12 para el modelo C. El número de casas para cada modelo, fue definido de acuerdo a la disponibilidad de éstas en terreno.

#### 3.2.2 Criterios para la Medición de Vibraciones.

Para la medición de las vibraciones se utilizó una idealización del sistema de piso, que consiste en considerar sólo las cargas verticales inducidas en éste (Briceño, 2012). De lo cual, se presentan las siguientes consideraciones: • Carga Vertical Solicitante: La excitación o carga externa utilizada es de tipo impulsiva, la cual fue aplicada a través del Test de Heel Drop. En este caso particular, la carga vertical se midió a través de un sensor de aceleración con una frecuencia de muestreo de 1000 Hz ubicado en el centro de la losa.

Considerando que las frecuencias de vibración vertical de los pisos poseen un rango de variación de entre los 20 a los 30  $H_z$  aproximadamente, un sensor que posea una tasa de muestreo de 100 Hz es suficiente para la toma de los datos in situ, donde se pudo utilizar un acelerómetro portátil y con esto realizar las mediciones en las 47 casas de manera mucho más rápida e igual de efectiva.

• Ubicación del Acelerómetro en las Losas: El acelerómetro fue posicionado al centro de la losa en donde se encuentra el vano de luz mayor de la estructura, asumiendo esta ubicación como el punto más desfavorable para ésta, donde ocurrirá el mayor desplazamiento vertical. La ubicación del acelerómetro en cada modelo de casa, es indicada en las figuras 8, 9 y 10.

<u>Modelo A</u>: Como se puede apreciar en la figura 4, el acelerómetro es ubicado al centro de la losa de mayor vano, siendo esta la más desfavorable según el diseño de esta estructura.



Figura 8. Posicionamiento del acelerómetro en casa modelo A.

<u>Modelo B</u>: al igual que en la situación anterior (figura 8), el acelerómetro se encuentra ubicado en la posición más desfavorable para la losa señalada en la figura 9.



Figura 9. Posicionamiento del acelerómetro en casa modelo B.

<u>Modelo C:</u> al igual que en los modelos anteriores, en la figura 10 se presenta la posición del acelerómetro en donde se produce la mayor vibración de la losa, manteniendo este criterio para todas las mediciones efectuadas en la investigación.



Figura 10. Posicionamiento del acelerómetro en casa modelo C.

#### 3.2.3 Procesamiento de los Datos Registrados.

Luego de aplicar el test, las vibraciones verticales o variaciones de la amplitud de aceleración del piso generadas con respecto al tiempo, se grafican a través de un acelerograma (Figura 11), al que se le realiza un filtrado de la señal para así evitar que ruidos o cualquier otra interferencia que se presente en el registro de ésta, puedan dañar la fidelidad de los resultados. Con esta finalidad se utilizó un filtro de primer orden de Butterworth (Sepúlveda, 2012), descrito en el Anexo A.

Esto permite la realización del posterior análisis de diversos parámetros dinámicos como lo son la frecuencia vertical fundamental y la razón de amortiguamiento fundamental.

Además, se debe considerar que para la obtención de resultados mediante algunos métodos es necesario traspasar los valores generados por el acelerograma al dominio de la frecuencia.



Figura 11. Acelerograma, Amplitud de Aceleración vs tiempo.

#### 3.3 Criterios para la Determinación de las Propiedades Dinámicas

Para la obtención de valores de frecuencia fundamental y de razón de amortiguamiento se utilizaron dos métodos diferentes, respectivamente, en donde fue necesaria la consideración de diversos criterios, los que se exponen a continuación.

#### 3.3.1 Método del peak de la amplitud de la transformada rápida de Fourier (FFT)

Este método se aplica como se describe en el punto 2.2.1, y se encuentra desarrollado en el Anexo D

#### 3.3.2 Método del peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Este método se aplica como se describe en el punto 2.2.2, y se encuentra desarrollado en el Anexo D.

#### 3.3.3 Método de Decaimiento de Curva

Se consideró el valor de cada  $f_n$  vinculado a su respectivo  $\xi$ , al valor de frecuencia vertical fundamental obtenido de la transformada rápida de Fourier (FFT).

Además, para los modelos de casas en estudio se decidió la utilización de ocho peaks superiores e inferiores generados por la vibración del piso con sus respectivos tiempos de realización. Lo demás se aplica como se describe en el punto 2.3.1, y se encuentra desarrollado en el Anexo E

#### 3.3.4 Método de Ancho de Banda

Se consideró el valor de cada  $f_n$  vinculado a su respectivo  $\xi$ , al valor de frecuencia vertical fundamental obtenido de la transformada rápida de Fourier (FFT).

Este método se aplica como se describe en el punto 2.3.2, y se encuentra desarrollado en el Anexo E.

#### 3.1 Criterios de Evaluación de Propiedades Dinámicas

Con los resultados obtenidos de los métodos de determinación de frecuencia vertical fundamental y de la razón de amortiguamiento se describe la situación a trabajar para efectuar la posterior comparación y evaluación de las propiedades dinámicas para los diferentes tipos de losas.

Para la frecuencia vertical fundamental se considera que al ser aplicada sobre el sistema de piso una carga del tipo impulsiva, puede entrar en resonancia bajo un modelo de vibración continua al estar en presencia de losas de baja frecuencia, es decir con valores inferiores a los 9-10 Hz. (Toratti y Talja, 2006; AISC, 2003; SCI, 2009).

De lo contrario, las losas de alta frecuencia no entran en resonancia, debido a que su frecuencia fundamental es suficientemente alta en comparación a la correspondiente a la realizada por la actividad humana por lo cual el sistema de piso responderá con una vibración del tipo transitoria al existir actividad.

En cuanto a los criterios de evaluación de los valores de razón de amortiguamiento obtenidos a través de los métodos de determinación, se describen según la norma ISO (2007) y Willford and Young (2006) en las tablas 1 y 2.

	Intervalos de vanos de	% de Coeficiente de Amortiguamiento Crítico			
Tipos de Pisos	relación de Amortiguamiento (m)	Rango típico	Rango extremo	Valores para el diseño preliminar de pisos desnudos	
Viga de acero/Losa de hormigón simplemente apoyada	9 a 15	0,8 a 3	0,6 a 7,4	1,3	
Viga de acero/Losa de hormigón, losa continua construida a través de	4 a 8	1 a 5	0,8 a 8,6	1,5	
Completo con vigas de acero compuestos por conectores de corte a la losa de hormigón	6 a 20	1,5 a 5	0,5 a 8	1,8	
Hormigón pretensado, prefabricado	2 a 15	0,8 a 3	0,5 <mark>a 6</mark> ,5	1,3	
Pisos de hormigón armado, monolítico	5 a 15	1 a 3	0,6 a 5	1,5	
Pisos con vigas de madera	2 a 9	1,5 a 4	1 a 5,5	2	

Tabla 1. Val	ores de amorti	guamiento par	a el modo	fundamental	de pisos	en edificaciones.
--------------	----------------	---------------	-----------	-------------	----------	-------------------

Fuente: IS	O 2007.
------------	---------

Para determinar los criterios de aceptación para un rango normal de amortiguamiento para viviendas residenciales, se consideró el tipo de piso con las características constructivas más parecidas a la losa prefabricada en estudio y que incluyera el largo de los vanos de la misma. Con esto, se determinó la utilización de un % de razón de amortiguamiento con un rango típico correspondiente entre 1% - 5% y un rango extremo entre 0,8% - 8,6%.

Tipo de Estructura	ξ
Puentes de acero soldados con poco o nada de accesorios o instalaciones	0,3% a 0,5%
Acero atornillado, puentes de hormigón	
pretensados y compuestos con poco o nada de	0,5% a 1%
servicios, accesorios o instalaciones	
Puentes de hormigón reforzados	0,7% a 1,2%
Pisos de hormigón con acero desnudo	
compuesto o post tensado con poco o nada	0,8% a 1,5%
que equipar	
Pisos de hormigón armado	1% a 2%
Pisos de hormigón completo de acero	
compuesto o post tensado con poco	1,5% a 2,5%
equipamiento	
Pisos de hormigón completo de acero	
compuesto o post tensado con típico	2% a 3%
equipamiento	
Pisos de hormigón reforzado completado con	2 20% 2 3 50%
típico equipamiento	2,270 a 3,370
Pisos de hormigón completo de acero	
compuesto, pos tensado o reforzado con	20% - 4 50%
equipamiento extensivo y particiones de	5% a 4,5%
altura completa	

Tabla 2. Valores de Amortiguamiento para diferentes Estructuras.

Fuente: Willford and Young (2006)

Para determinar el rango de valores aceptables de razón de amortiguamiento en la tabla 2, se consideró el tipo de piso que tuviera características cercanas a las de los sistemas de piso en estudio, por lo que se determinó el rango de valores entre 0,8% a 4,5% de razón de amortiguamiento.

#### 3.2 Análisis Estadístico de Resultados

La comparación de los resultados de frecuencias y razón de amortiguamiento, obtenidos mediante la aplicación de los dos métodos para cada propiedad dinámica de manera independiente, se realizó utilizando la prueba estadística t de Student para dos muestras relacionadas.

La hipótesis nula ( $H_0 = 0$ ) indica que no existen diferencias estadísticamente significativas entre los resultados al aplicar cualquiera de los métodos, ya sea en el cálculo de la frecuencia fundamental o los métodos aplicados en el cálculo de la razón de amortiguamiento.

En cambio, la hipótesis alternativa ( $H_0 \neq 0$ ) plantea que sí existen diferencias significativas entre los métodos aplicados, en la obtención de cada una de las propiedades dinámicas de esta investigación.

La selección de la prueba estadística a utilizar para la comparación de resultados, depende si las diferencias de los valores entre métodos tienen una tendencia a la distribución normal, lo cual será corroborado mediante la prueba de Kolmogorov-Smirnov. El detalle de ambos métodos está contemplado en el Anexo C.

#### **4 RESULTADOS**

Los resultados presentados en este capítulo, corresponden a los valores de las propiedades dinámicas en evaluación, las cuales fueron determinadas de acuerdo a la metodología especificada en el capítulo 3, la cual fue seguida rigurosamente mediante el trabajo de campo empleado.

#### 4.1 Frecuencia de Vibración Vertical Fundamental

Luego de Analizar los datos obtenidos del test de Heel Drop, los resultados de la frecuencia vertical fundamental se presentan en la tabla 3, para cada modelo de casa y método aplicado respectivamente.

	Modelo	A (Hz)	Modelo	B (Hz)	Modelo C (Hz)		
Casas	Peak FFT	Imag FRF	Peak FFT	Imag FRF	Peak FFT	Imag FRF	
1	28,08	28,44	26,12	26,12	24,41	24,29	
2	29,30	29,30	26,12	25,88	24,17	24,05	
3	26,86	26,61	31,25	31,37	24,66	24,66	
4	26,12	25,51	26,61	26,37	24,90	24,78	
5	25,39	25,27	26,12	25,88	24,90	24,90	
6	23,44	23,68	25,88	25,76	25,15	25,15	
7	28,08	27,95	24,66	24,90	23,44	22,95	
8	27,10	27,47	26,37	26,37	24,41	24,54	
9	28,56	28,56	25,88	24,78	23,19	23,68	
10	28,81	29,05	25,88	26,00	25,15	25,15	
11	29,05	29,66	26,37	26,37	23,19	22,71	
12	28,81	28,32	25,39	25,63	23,68	23,68	
13	28,56	28,32	24,41	24,17	-	-	
14	31,01	30,88	25,39	25,51	-	-	
15	27,34	27,10	24,90	25,15	-	-	
16	-	-	25,88	25,88	-	-	
17	-	-	24,9	24,9	-	-	
18	-	-	26,37	25,88	-	-	
19	-	-	25,88	25,76	-	-	
20	-	-	24,41	24,17	-	-	
Media (Hz)	27,77	27,74	25,94	25,84	24,27	24,21	
Desv. Est (Hz)	1,83	1,87	1,42	1,46	0,73	0,82	

Tabla 3. Frecuencia Fundamental Mediante ambos Métodos.

#### 4.2 Razón de Amortiguamiento del Sistema.

La tabla 4 representa los valores de la razón de amortiguamiento obtenidos para cada modelo de casa, utilizando ambos métodos descritos en el capítulo anterior.

	Modelo A		Modelo B		Modelo C	
Casas	Dec. Curva	A. de Banda	Dec. Curva	A. de Banda	Dec. Curva	A. de Banda
1	5,03%	5,42%	3,77%	3,61%	3,30%	3,41%
2	4,11%	4,81%	4,18%	4,91%	3,94%	4,07%
3	4,38%	4,46%	4,00%	4,22%	3,22%	3,37%
4	5,33%	5,47%	3,20%	3,92%	3,37%	3,62%
5	5,88%	5,39%	3,16%	3,09%	3,77%	3,71%
6	8,76%	10,37%	3,53%	3,63%	3,45%	3,10%
7	4,17%	5,04%	3,46%	4,28%	4,19%	4,47%
8	4,27%	4,95%	2,86%	2,82%	5,95%	4,28%
9	4,29%	4,56%	3,00%	2,75%	4,10%	3,95%
10	4,42%	3,37%	2,93%	2,90%	3,93%	4,55%
11	7,28%	9,22%	3,41%	3,62%	4,19%	4,28%
12	5,74%	5,42%	2,96%	3,13%	3,92%	4,22%
13	5,41%	5,45%	2,60%	2,98%	-	-
14	4,94%	5,34%	2,99%	3,11%	-	-
15	7,08%	5,40%	3,28%	3,23%	-	-
16	-	-	2,87%	2,95%	-	-
17	-	-	3,32%	3,58%	-	-
18	-	-	2,97%	3,57%	-	-
19	-	-	3,15%	3,22%	-	-
20	-	-	4,27%	3,45%	-	-
Media	5,41%	5,78%	3,30%	3,45%	3,94%	3,92%
Desv. Est	1,36%	1,84%	0,46%	0,56%	0,72%	0,47%

Tabla 4. Razón de Amortiguamiento Mediante ambos Métodos.

#### 4.3 Análisis de Resultados

Para llevar a cabo el análisis de resultados se realizaron gráficas de caja y bigote, para la interpretación de los valores de amortiguamiento obtenidos de los métodos de decaimiento de curva denominado con un (1) y el método ancho de banda denominado con un (2).

Además de los métodos de determinación de frecuencia vertical fundamental a través de los métodos del peak de la amplitud de la transformada rápida de Fourier (FFT) y el peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia (FRF).

#### 4.3.1 Análisis de Resultados Frecuencia Vertical Fundamental.

Con los valores de frecuencia vertical fundamental obtenidos se realizó la representación gráfica que se ilustra a continuación, de donde se obtienen algunas observaciones:



Figura12. Gráfica de Caja y Bigote para valores de frecuencia vertical fundamental

- Para los tres modelos de casas se observa que el método del peak de la transformada rápida de Fourier se encuentra sobre el peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia, con diferencia mínimas entre ambos métodos de 0.03, 0.08 y 0.06.
- Todos los datos corresponden a losas de alta frecuencia con valores cercanos a los 30 Hz por lo que no presentan resonancia.
- Se observa una mayor dispersión de valores en los métodos utilizados en el modelo A.
- Se observan valores bastante similares tanto para el método de la amplitud del peak de la transformada rápida de Fourier como para el peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.
- Sólo en el caso del modelo B se observan para ambos métodos un valor alejado del resto.
- Al utilizar el método del peak de la amplitud de FFT la obtención de datos se genera de forma mucho más rápida y simple.

#### Análisis Estadístico de las diferencias de resultados entre ambos métodos aplicados.

Para comprobar si la diferencia entre los resultados de la frecuencia fundamental aplicando ambos métodos es estadísticamente significativa, se emplea un análisis para muestras relacionadas, utilizando la prueba t de Student mencionado en el capítulo anterior.

- Modelo A: En este modelo de vivienda, las diferencias de los resultados entre los métodos aplicados presentan normalidad. De acuerdo a lo anterior, se utilizó la prueba t de Student cuyo p-valor obtenido es 0,77 > 0,05.
- Modelo B: Al igual que en el modelo anterior la diferencia de los valores entre métodos presenta normalidad, por lo que se utilizó la prueba t de Student cuyo p-valor corresponde a 0,18 > 0,05.
- Modelo C: Para este modelo al igual que en los casos anteriores, se aplica una prueba de estadística paramétrica, utilizando t de Student con un p-valor de 0,44 > 0,05.

Se acepta la hipótesis nula, por lo que se comprueba que la diferencia entre los resultados no es estadísticamente significativa en la aplicación de un método u otro.

#### 4.3.2 Análisis de Resultados Razón de Amortiguamiento.

Con los valores de razón de amortiguamiento obtenidos se realizó la representación gráfica que se ilustra en la figura 13, de donde se obtienen algunas observaciones:



Figura 13. Gráfica de Caja y Bigote para valores de razón de amortiguamiento

- En los modelos de casas B y C la media de las casas se encuentran entre 3.30% 4.00%, por debajo del modelo A.
- Pese a que todos los ensayos los realizo la misma persona existen valores en el caso del modelo A-2 con variaciones de un 4.59% con respecto a la media de los datos.
- Los valores obtenidos del modelo de casas A se encuentran por sobre los otros modelos de casas, en cambio el modelo B se encuentra por debajo de estos, para ambos métodos.
- Para las consideraciones descritas en la tabla 2 (Willford and Young) el único que no sobrepasa el 4.5% es el modelo B-1 correspondiente al método de Decaimiento de Curva, por esto, se considera esta tabla no representativa debido a que solo se cumple para este caso.
- Para las consideraciones descritas en la tabla 1 (ISO, 2007) se encuentran dentro del rango de valores típicos: el 46.7% de los valores del modelo A-1 y un 33.3% de los correspondientes al modelo A-2, todos los valores del modelo B independiente del método y el 91.6% de los valores del modelo C-1 y el 100% del modelo C-2.

• Las diferencias existentes en los valores obtenidos pueden ser causa de la fabricación en obra de la losa, como de la variabilidad y capacitación de la mano de obra.

#### Análisis Estadístico de las diferencias de resultados entre ambos métodos aplicados.

Para comprobar si la diferencia entre los resultados de la razón de amortiguamiento aplicando ambos métodos es estadísticamente significativa, se emplea un análisis para muestras relacionadas, utilizando la prueba t de Student mencionado en el capítulo anterior.

- Modelo A: En este modelo de vivienda, las diferencias de los resultados entre los métodos aplicados presentan normalidad. De acuerdo a lo anterior, se utilizó la prueba t de Student cuyo p-valor obtenido es 0,15 > 0,05.
- Modelo B: Al igual que en el modelo anterior la diferencia de los valores entre métodos presenta normalidad, por lo que se utilizó la prueba t de Student cuyo p-valor corresponde a 0,08 > 0,05.
- Modelo C: Para este modelo al igual que en los casos anteriores, se aplica una prueba de estadística paramétrica, utilizando t de Student con un p-valor de 0,88 > 0,05.

Se acepta la hipótesis nula, por lo que se comprueba que la diferencia entre los resultados no es estadísticamente significativa en la aplicación de un método u otro.

#### **5** CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

De acuerdo a los resultados y análisis comparativos presentados en el capítulo anterior, y además, basándose en los objetivos propuestos dentro del marco investigativo de este proyecto, se determinan las siguientes conclusiones.

#### 5.1 Conclusiones

- El test de Heel Drop es recomendado para el cálculo de la frecuencia vertical fundamental ya que su valor es independiente de la ubicación y de la carga aplicada. No así para el valor de amortiguamiento el cual se ve influenciada por la carga aplicada.
- En los modelos de casas analizados, los valores de los métodos de determinación de frecuencia vertical fundamental que se obtuvieron fueron superiores a los 10 Hz correspondientes a losas de alta frecuencia según bibliografía.
- Los modelos A, B y C presentan diferencias en sus medias de 0,03 Hz, 0,08 Hz y 0,06 Hz respectivamente. Además, de diferencias estadísticas por debajo del 5%, en el caso de la frecuencia vertical fundamental. Por lo que se concluye que ambos métodos de determinación son representativos y que no existen diferencias estadísticamente significativas entre la utilización de uno u otro método.
- En el caso de los resultados obtenidos de los métodos de determinación de razón de amortiguamiento se tiene que si se consideran los valores descritos por Willford and Young 2006, en donde el máximo amortiguamiento sugerido corresponde al 4.5%, solo los valores encontrados para el modelo de casas B y utilizando el método de decaimiento de curva cumplen con esto, por lo que no es un criterio representativo para los modelos de casas analizados.

- Para los valores de amortiguamiento descritos por la norma ISO (2007) el cual nos presenta un rango de valores típicos en donde el valor de amortiguamiento máximo corresponde al 5% y un rango de valores extremos con un máximo de 8.6%, se obtiene que de un total de 47 casas analizadas con el método de decaimiento de curva se encuentran dentro del rango típico el 80.85% de las casas y dentro del rango extremo el 17.02% de las casas. Para el caso de las viviendas analizadas con el método de ancho de banda se tiene que un 78.72% se encuentran dentro del rango típico de valores y el 17.02% de los valores dentro del rango extremo, por lo que el método de decaimiento de curva pose valores más cercanos a los obtenidos por paneles de losas convencionales de hormigón.
- Al evaluar los valores de razón de amortiguamiento por los métodos de decaimiento de curva y ancho de banda en los modelos A, B y C, presentan diferencias en sus medias de 0,37%, 0,15% y 0,02%, respectivamente. Además, de diferencias estadísticas por debajo del 5%. Por lo que se concluye que ambos métodos de determinación son representativos y que no existen diferencias estadísticamente significativas entre la utilización de uno u otro método.

#### 5.2 Recomendaciones

Según lo desarrollado en esta investigación, se plantean las siguientes recomendaciones con la finalidad de abordar temáticas que contribuyan a complementar el desarrollo de este estudio.

- Analizar propiedades dinámicas en un muestreo de viviendas mayor, en un mismo modelo, para la comparación en los resultados.
- Realizar mediciones en diferentes partes de la losa para comprobar la variabilidad de los resultados.
- Analizar resultados con otros métodos de determinación y evaluar las propiedades dinámicas.

#### REFERENCIAS

- AISC (2003) "Floor Vibration: Due to Human Activity. AISC 11". American Institute of Steel Construction. EE.UU.
- [2] Arcelor Mittal (2008) "Design Guide for Floor Vibrations." ArcelorMittal. Luxemburgo.
- [3] Racic, V., A. Pavic, and J.M.W. Brownjohn. (2009). Experimental identification and analytical modelling of human walking force: Literature Review. Journal of Sound and Vibration, 326 (2009): 1 – 49.
- [4] European Communities (2008). Advanced Load models for synchronous pedestrian excitation and optimized design guidelines for Steel footbridges. Publications of the European Communities 2008. Luxemburgo.
- [5] SCI (2009). Design of floors for Vibration: A New Approach, SCI publication P 354, The Steel Construction Institute. EEUU.
- [6] CCIP (2006) "A Design Guide for Footfall Induced Vibrations of Structures. CCIP 016." The Concrete Centre. Inglaterra. Realizado por The Concrete Society.
- [7] European Communities (2006) "Generalization of Criteria for Floor Vibration for Industrial, Office, Residential and Public Buildings and Gymnastic Hall." Publications of the European Communities 2006. Luxemburgo.
- [8] ISO (2003) "Mechanical Vibration and Shock-Evaluation of Human Exposure to Whole-Body Vibration- Part 2: Vibration in Buildings (1 Hz to 80 Hz). ISO 2631-2." International Organization for Standardization. Suiza.
- [9] ISO (2007) "Bases for design of structures Serviceability of buildings and walkways against vibration. ISO 10137." International Organization for Standarizatin. Suiza.

- [10] Brandt, A. (2001). Noise and vibration analysis: Signal analysis and experimental procedures. John Wiley and Sons., United Kingdom.
- [11] Pavic, A., M. Lovell, S. Prichard y P. Reynolds, (2003) "Evaluation of mathematical models for predicting walking- induced vibrations of high-frequency floors." International Journal of Structural Stability and Dynamics. 3(1). 107-130.
- [12] SCI (2009)" Design of Floors for Vibration: A New Approach. SCI P354." The Steel Construction Institute. Inglaterra.
- [13] Montiel, A.L. (2007). Vibraciones en Sistemas de piso mediante los Criterios AISC/CISC y del SCI. Tesis, Escuela Superior de Ingeniería y Arquitectura, Unidad Zacatenco, Instituto Politécnico Nacional, México.
- [14] Toratti, T. y S. Talja (2006) "Classification of human induced floor vibrations." Building Acoustics. 13(3). 211-221.
- [15] Willford M. y P. Young (2005) "Improved methodologies for the prediction of footfall induced vibration." Proceedings of 6th European Conference on Structural Dynamic. Paris. Francia. Septiembre.
- [16] Sepúlveda, E.E. (2012). Evaluación in situ de vibraciones verticales inducidas por peatones en sistemas de pisos. Tesis, Departamento de Ingeniería Civil y Ambiental, Facultad de Ingeniería, Universidad del Bío-Bío, Chile.
- [17] Briceño, M.V. (2012). Vibraciones ocasionadas por las personas en estructuras y sus formas de mitigación. Tesis, Departamento de Ingeniería Civil, Facultad de Ingeniería, Universidad de Concepción, Chile.

## ANEXOS

## ÍNDICE GENERAL ANEXOS

ANE	EXO A: CÓDIGO MATLAB	46
1	. Proceso de filtrado de la señal	47
2	<b>2.</b> Determinación de $f_n$ y $\xi$	48
ANE	EXO B: GRÁFICAS DE LOS ACELEROGRAMAS	51
ANE	EXO C: ANÁLISIS ESTADISTICO	68
1	. Frecuencia de Vibración Vertical Fundamental	69
2	2. Valor de Razón de Amortiguamiento	72
ANE	EXO D: MÉTODOS DE OBTENCION DE <i>f</i> <sub>n</sub>	75
1	. Método de obtención a través del peak FFT	76
2	2. Método de obtención a través del peak de la parte imaginaria de FRF	92
ANE	EXO E: MÉTODOS DE DETERMINACIÓN DE ξ	110
1	. Método de Decaimiento de Curva	111
2	2. Método de Ancho de Banda	157
# **INDICE DE FIGURAS**

Figura B1: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	47
Figura B2: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	47
Figura B3: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	47
Figura B4: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	48
Figura B5: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	48
Figura B6: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	48
Figura B7: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	49
Figura B8: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	49
Figura B9: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	49
Figura B10: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	50
Figura B11: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	50
Figura B12: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	50
Figura B13: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	51
Figura B14: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	51
Figura B15: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	51
Figura B16: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	52
Figura B17: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	52
Figura B18: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	52
Figura B19: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	53
Figura B20: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	53
Figura B21: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	53
Figura B22: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	54
Figura B23: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	54
Figura B24: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	54
Figura B25: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	55
Figura B26: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	55
Figura B27: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	55
Figura B28: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	56
Figura B29: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	56
Figura B30: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	56
Figura B31: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	57

Figura B32: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	57
Figura B33: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	57
Figura B34: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	58
Figura B35: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	58
Figura B36: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	58
Figura B37: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	59
Figura B38: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	59
Figura B39: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	59
Figura B40: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	60
Figura B41: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	60
Figura B42: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	60
Figura B43: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	61
Figura B44: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	61
Figura B45: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	61
Figura B46: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	62
Figura B47: Datos obtenidos en el dominio del tiempo	62
Figura D1: gráfica de la transformada rápida de Fourier	71
Figura D2: gráfica de la transformada rápida de Fourier	71
Figura D3: gráfica de la transformada rápida de Fourier	72
Figura D4: gráfica de la transformada rápida de Fourier	72
Figura D5: gráfica de la transformada rápida de Fourier	72
Figura D6: gráfica de la transformada rápida de Fourier	73
Figura D7: gráfica de la transformada rápida de Fourier	73
Figura D8: gráfica de la transformada rápida de Fourier	73
Figura D9: gráfica de la transformada rápida de Fourier	74
Figura D10: gráfica de la transformada rápida de Fourier	74
Figura D11: gráfica de la transformada rápida de Fourier	74
Figura D12: gráfica de la transformada rápida de Fourier	75
Figura D13: gráfica de la transformada rápida de Fourier	75
Figura D14: gráfica de la transformada rápida de Fourier	75
Figura D15: gráfica de la transformada rápida de Fourier	76

Figura D16: gráfica de la transformada rápida de Fourier	76
Figura D17: gráfica de la transformada rápida de Fourier	76
Figura D18: gráfica de la transformada rápida de Fourier	77
Figura D19: gráfica de la transformada rápida de Fourier	77
Figura D20: gráfica de la transformada rápida de Fourier	77
Figura D21: gráfica de la transformada rápida de Fourier	78
Figura D22: gráfica de la transformada rápida de Fourier	78
Figura D23: gráfica de la transformada rápida de Fourier	78
Figura D24: gráfica de la transformada rápida de Fourier	79
Figura D25: gráfica de la transformada rápida de Fourier	79
Figura D26: gráfica de la transformada rápida de Fourier	79
Figura D27: gráfica de la transformada rápida de Fourier	80
Figura D28: gráfica de la transformada rápida de Fourier	80
Figura D29: gráfica de la transformada rápida de Fourier	80
Figura D30: gráfica de la transformada rápida de Fourier	81
Figura D31: gráfica de la transformada rápida de Fourier	81
Figura D32: gráfica de la transformada rápida de Fourier	81
Figura D33: gráfica de la transformada rápida de Fourier	82
Figura D34: gráfica de la transformada rápida de Fourier	82
Figura D35: gráfica de la transformada rápida de Fourier	82
Figura D36: gráfica de la transformada rápida de Fourier	83
Figura D37: gráfica de la transformada rápida de Fourier	83
Figura D38: gráfica de la transformada rápida de Fourier	83
Figura D39: gráfica de la transformada rápida de Fourier	84
Figura D40: gráfica de la transformada rápida de Fourier	84
Figura D41: gráfica de la transformada rápida de Fourier	84
Figura D42: gráfica de la transformada rápida de Fourier	85
Figura D43: gráfica de la transformada rápida de Fourier	85
Figura D44: gráfica de la transformada rápida de Fourier	85
Figura D45: gráfica de la transformada rápida de Fourier	86
Figura D46: gráfica de la transformada rápida de Fourier	86

Figura D47: gráfica de la transformada rápida de Fourier..... 86 87 Figura D48: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... Figura D49: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 87 Figura D50: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 87 Figura D51: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 88 Figura D52: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 88 Figura D53: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 88 Figura D54: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 89 Figura D55: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 89 89 Figura D56: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... Figura D57: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 90 90 Figura D58: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... Figura D59: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 90 Figura D60: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 91 Figura D61: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 91 Figura D62: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 91 92 Figura D63: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... Figura D64: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 93 Figura D65: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 93 Figura D66: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 93 94 Figura D67: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... Figura D68: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 94 Figura D69: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 94 Figura D70: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 95 Figura D71: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 95 Figura D72: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 95 Figura D73: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 96 Figura D74: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 96 Figura D75: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 96 Figura D76: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 97 Figura D77: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 97 Figura D78: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 97 98 Figura D79: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... Figura D80: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 98 Figura D81: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 98 99 Figura D82: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... Figura D83: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 100 Figura D84: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 100 Figura D85: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia... 100 Figura D86: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 101 Figura D87: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 101 Figura D88: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.... 101 Figura D89: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia... 102 Figura D90: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia... 102 Figura D91: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia... 102 Figura D92: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia... 103 Figura D93: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia... 103 Figura D94: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia... 103 Figura E2. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.26%...... 106 Figura E4.Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.68%...... 107 Figura E6. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 87.72%...... 108 Figura E8. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.44%...... 109 Figura E11. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 84.72%...... 111 Figura E12. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 85.31%...... 111 Figura E14. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 93.9%..... 112

0	
-	
$\mathcal{I}$	'

Figura E15	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	96.81%	113
Figura E16	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.15%	113
Figura E17	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.35%	114
Figura E18	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.42%	114
Figura E19	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	93.46%	115
Figura E20	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	96.25%	115
Figura E21	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	97.8%	116
Figura E22	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	98.25%	116
Figura E23	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	96.09%	117
Figura E24	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	93.01%	117
Figura E25	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	97.77%	118
Figura E26	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	98.87%	118
Figura E27	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	98.9%	119
Figura E28	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.17%	119
Figura E29	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	93.09%	120
Figura E30	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	93.87%	120
Figura E31	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	97.61%	122
Figura E32	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.05%	122
Figura E33	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	98.09%	123
Figura E34	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.28%	123
Figura E35	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	85.29%	124
Figura E36	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	97.29%	124
Figura E37	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	86.34%	125
Figura E38	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	96.94%	125
Figura E39	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	98.89%	126
Figura E40	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.06%	126
Figura E41	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	84.91%	127
Figura E42	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	96.41%	127
Figura E43	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.21%	128
Figura E44	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.25%	128
Figura E45	. Acelerograma con	Calidad de	Regresión de un	99.18%	129

Figura E46. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.94% 12	9
Figura E47. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.33% 13	0
Figura E48. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.31% 13	0
Figura E49. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.38% 13	1
Figura E50. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.12% 13	1
Figura E51. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.89% 13	2
Figura E52. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.31% 13	2
Figura E53. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.57% 13	3
Figura E54. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.58% 13	3
Figura E55. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.61% 13	4
Figura E56. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.82% 13	4
Figura E57. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.1% 13	5
Figura E58. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.82% 13	5
Figura E59. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.57% 13	6
Figura E60. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.09% 13	6
Figura E61. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.25% 13	7
Figura E62. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.04% 13	7
Figura E63. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98% 13	8
Figura E64. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.75% 13	8
Figura E65. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.1% 13	9
Figura E66. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.86% 13	9
Figura E67. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.12% 14	0
Figura E68. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.16% 14	0
Figura E69. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 95.22% 14	1
Figura E70. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 94.16% 14	-1
Figura E71. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.99% 14	3
Figura E72. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.37% 14	3
Figura E73. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.67% 14	4
Figura E74. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.46% 14	4
Figura E75. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.93% 14	-5
Figura E76. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.75%	5

30
5)

Figura E77. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.62% 146
Figura E78. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.93% 146
Figura E79. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.77% 147
Figura E80. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.88% 147
Figura E81. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.48% 148
Figura E82. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.48% 148
Figura E83. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.92% 149
Figura E84. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.23% 149
Figura E85. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 90.97% 150
Figura E86. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 95.58% 150
Figura E87. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.68% 151
Figura E88. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.06% 151
Figura E89. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.97% 152
Figura E90. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.3% 152
Figura E91. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.9% 153
Figura E92. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.33% 153
Figura E93. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.88% 154
Figura E94. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.62% 154

# ÍNDICE DE TABLAS

Tabla C1: Prueba de Kolmogorov-Smirnov.	64
Tabla C2: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas	64
Tabla C3: Prueba de Kolmogorov-Smirnov	65
Tabla C4: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas	65
Tabla C5: Prueba de Kolmogorov-Smirnov	66
Tabla C6: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas	66
Tabla C7: Prueba de Kolmogorov-Smirnov	67
Tabla C8: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas	67
Tabla C9: Prueba de Kolmogorov-Smirnov	68
Tabla C10: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas	68
Tabla C11: Prueba de Kolmogorov-Smirnov	69
Tabla C12: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas	69
Tabla D1. Resumen de valores de la parte imaginaria de FRF	92
Tabla D2. Resumen de Valores de la Parte Imaginaria de FRF	99
Tabla D3. Resumen de Valores de la Parte Imaginaria de FRF	104
Tabla E1. Resumen de valores Obtenidos del Met. Dec. De Curva	121
Tabla E2. Resumen de valores Obtenidos del Met. Dec. De Curva	142
Tabla E3. Resumen de valores Obtenidos del Met. Dec. De Curva.	155
Tabla E4. Valores obtenidos de la transformada rápida de Fourier	156
Tabla E5. Valores obtenidos de la transformada rápida de Fourier	157
Tabla E6. Valores obtenidos de la transformada rápida de Fourier	158

## ANEXO A: CODIGO MATLAB

## 1. Proceso de filtrado de la señal

clear

clc

close all

%Intento de lectura y generación base de datos

n\_aceler=15; %nro de acelerogramas

factor\_g=1; %colocar 1 si el acelerograma está en (m/s2), colocar el valor de "g" si la medición esta en fracción de g

a\_brut=factor\_g\*xlsread ('Heel\_dropc60.xls','resumen');

fs1=1000;

dt1 = 1/fs1;

np1=length (a\_brut);

t1=dt1\*[0:np1-1]';

%plot (t,a\_brut)

for i=1:n\_aceler

%Centrado de señal

a0 (i) =mean (a\_brut (:,i)); a\_brut\_cent(:,i)=a\_brut(:,i)-a0(i)\*ones(np1,1); %plot (t,[a\_brut,a\_brut\_cent])

```
%Filtrado de señal

Fnyquist1=(1/dt1)/2;

Wp1=40/Fnyquist1;Ws1=50/Fnyquist1;

Rp1=0.4;Rs1=15;

[Nn1,Wn1]=buttord(Wp1,Ws1,Rp1,Rs1);

[b1,a1]=butter(Nn1,Wn1);

% figure

% freqz(b1,a1,512,fs1)

%Señal filtrada

a_cent_filt(:,i)=filtfilt(b1,a1,a_brut_cent(:,i));

% figure

% plot (t1,[a_brut1,a_brut_cent1,a_cent_filt1])
```

```
end
figure
plot(t1,[a_cent_filt])
grid on
```

%amortiguamiento

## 2. Determinación de $f_n$ y $\xi$

%Determinación de frecuencia natural de vibración vertical y razón de

```
for j=1:n_aceler
N1=2^ceil(log(length(a_cent_filt(:,j)))/log(2));
ff1=1/dt1*(0:N1-1)/N1;
Amp1=2*fft(a_cent_filt(:,j),N1)/length(a_cent_filt(:,j));
paso1=ff1(1:length(ff1)/15);
paso2=abs(Amp1(1:length(ff1)/15));
paso2_imag=imag(Amp1(1:length(ff1)/15));
paso2_real=real(Amp1(1:length(ff1)/15));
figure
plot(paso1,paso2);
% grid on
title('Amplitud de Aceleración en el dominio de la Frecuencia') ;
xlabel('Frecuencia [Hz]');
ylabel('Amplitud de Aceleración [m/s^2]');
                                                % Grafica Registro Aceleración vs Frecuencia
set(gca,'fontsize',14)
figure
plot(paso1,paso2_imag);
% grid on
title('Amplitud de Aceleración en la parte imaginaria del dominio de la Frecuencia');
xlabel('Frecuencia [Hz]');
ylabel('Amplitud de Aceleración [m/s^2]');
                                               % Grafica Registro Aceleración vs Frecuencia Imaginaria
set(gca,'fontsize',14)
%Frecuencias naturales con valor peak de FRF
fn(1,j)=ff1(find(paso2==max(paso2)));
                                                % en la fila 1 de fn están las frecuencias asociadas al
```

máximo de la amplitud de la FRF del Heel Drop

fn(2,j)=ff1(find(paso2_imag==n	nax(paso2_imag)));	%en	n la fila 2	de fn están las frecuencias asociadas
		al	máximo	de la parte imaginaria de FRF del
		Hee	l Drop	
fn(3,j)=ff1(find(paso2_imag==r	min(paso2_imag)));	%en	n la fila 3	de fn están las frecuencias asociadas
		al m	nínimo de	la parte imaginaria de FRF del Heel
		Droj	р	
fn(4,j)=(fn(2,j)+fn(3,j))/2;	%en la fila 4 de fn está	ín el p	oromedio	de la fila 2 y 3

%Razones de amortiguamiento

```
%Metodo de decaimiento logaritmico
paso3=a_cent_filt(:,j);
```

```
indice1=find(paso3==max(paso3));
```

```
indice2=find(paso3==min(paso3));
```

delta\_ind=floor((1/fn(1,j))/(dt1));

```
indice_fin_sup=indice1+7*delta_ind;
```

```
indice_fin_inf=indice2+7*delta_ind;
```

```
% comienza rama superior
```

```
l=1;
```

```
rango=10;
```

```
for k=indice1:delta_ind:indice_fin_sup
```

```
peaks_sup(l,j)=max(paso3(k-rango:k+rango));
```

```
ln_peaks_sup(l,j)=log(peaks_sup(l,j));
```

```
tiempos_sup(l,j)=t1(find(paso3==max(paso3(k-rango:k+rango))));
```

l=l+1;

```
end
```

```
paso4=polyfit(tiempos_sup(:,j),ln_peaks_sup(:,j),1);
```

```
chi(1,j) = -1*paso4(1)/(2*pi()*fn(1,j));
```

```
% comienza rama inferior
```

m=1;

```
for n=indice2:delta_ind:indice_fin_inf
```

```
peaks_inf(m,j)=min(paso3(n-rango:n+rango));
```

```
ln_peaks_inf(m,j)=log(-1*peaks_inf(m,j));
```

```
tiempos_inf(m,j)=t1(find(paso3==min(paso3(n-rango:n+rango))));
```

m=m+1;

end

```
paso5=polyfit(tiempos_inf(:,j),ln_peaks_inf(:,j),1);
chi(2,j)=-1*paso5(1)/(2*pi()*fn(1,j));
chi(3,j)=(chi(1,j)+chi(2,j))/2;
```

```
figure

plot(t1,a_cent_filt(:,j));

title('Medición de Aceleración');

xlabel('Tiempo [s]');

ylabel('Amplitud de Aceleración [m/s^2]'); % Grafica Registro Aceleración vs tiempo

set(gca,'fontsize',14)

hold on

plot(tiempos_sup(:,j),peaks_sup(:,j));

hold on

plot(tiempos_inf(:,j),peaks_inf(:,j));

end
```

# ANEXO B: GRÁFICAS DE LOS ACELEROGRAMAS

En este anexo se muestran las gráficas de los acelerograma obtenidas de las mediciones del test de Heel Drop para los diferentes modelos de viviendas unifamiliares.



• Viviendas Modelo A

Figura B1: Datos obtenidos en el dominio del tiempo

Casa 2



Figura B2: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 3

Figura B3: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B4: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B5: Datos obtenidos en el dominio del tiempo

Casa 6



Figura B6: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B7: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B8: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B9: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B10: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 11

Figura B11: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B12: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B13: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 14

Figura B14: Datos obtenidos en el dominio del tiempo

Casa 15



Figura B15: Datos obtenidos en el dominio del tiempo

• Viviendas Modelo B



Figura B16: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B17: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B18: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B19: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B20: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B21: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B22: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B23: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 9

Figura B24: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B25: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 11

Figura B26: Datos obtenidos en el dominio del tiempo

Casa 12



Figura B27: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B28: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B29: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B30: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B31: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 17

Figura B32: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B33: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B34: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 20

Figura B35: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



• Viviendas Modelo C

Figura B36: Datos obtenidos en el dominio del tiempo







Figura B37: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 3

Figura B38: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B39: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B40: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B41: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B42: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B43: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B44: Datos obtenidos en el dominio del tiempo





Figura B45: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Figura B46: Datos obtenidos en el dominio del tiempo



Casa 12

Figura B47: Datos obtenidos en el dominio del tiempo

# ANEXO C: ANALISIS ESTADISTICO

Para realizar el análisis estadístico de los valores obtenidos de propiedades dinámicas, se sigue el procedimiento que se muestra a continuación:

#### 1. Frecuencia de Vibración Vertical Fundamental

Viviendas Modelo A:Para llevar a cabo el análisis estadístico se utilizó la pruebade Kolmogorov-Smirnov para determinar la existencia de una distribución normal en ladiferencia de los datos, como se muestra en la tabla C1.

		FFT	FRF	diferencia
N		15	15	15
Parámetros normales <sup>a, b</sup>	Media	27,7673	27,7413	,0260
	Desviación típica	1,82597	1,86876	,33613
Diferencias más	Absoluta	,168	,155	,143
extremas	Positiva	,134	,086	,119
	Negativa	-,168	-,155	-,143
Z de Kolmogorov-Smirnov		,651	,600	,556
Sig. asintót. (bilateral)		,791	,864	,917

## Tabla C1: Prueba de Kolmogorov-Smirnov

En esta tabla se muestran las diferencias existentes entre los métodos del peak de la amplitud de FFT y el peak de la parte imaginaria de FRF.

Esta prueba determina que a partir de los datos los métodos poseen una distribución con tendencia normal, dado que se obtiene una significación asintótica de un 0,917 lo cual es mayor a 0,05 por ende se acepta la hipótesis.

Se considera la presencia de una distribución normal de valores y la utilización de la prueba t de Student para muestras relacionadas. Como se muestra en la Tabla C2.

Tabla C2: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas

			C	)iferencias relacio	nadas				
			Desviación	Error típ, de la	95% Intervalo de confianza para la diferencia				
		Media	típ.	media	Inferior Superior		t	gl	Sig. (bilateral)
Par 1	FFT - FRF	,02600	,33613	,08679	-,16014	,21214	,300	14	,769

La tabla C2 nos muestra los valores obtenidos de la prueba t con un intervalo de confianza del 95%. Su significación o valor p que vale 0,769>0,05. Aceptamos la hipótesis nula de que no existen diferencias significativas entre métodos de determinación de frecuencias para el modelo

Viviendas Modelo B:Se lleva a cabo la prueba no paramétrica de Kolmogorov-Smirnovpara determinar la existencia de probabilidad normal en la diferencia de los métodos dedeterminación de  $f_n$ .

		FFT	FRF	dif
N		20	20	20
Parámetros normales <sup>a,b</sup>	Media	25,9395	25,8425	,0970
	Desviación típica	1,42170	1,46259	,30776
Diferencias más	Absoluta	,281	,309	,221
extremas	Positiva	,281	,309	,221
	Negativa	-,141	-,134	-,130
Z de Kolmogorov-Smirnov		1,257	1,383	,989
Sig. asintót. (bilateral)		,085	,044	,282

Tabla C3: Prueba de Kolmogorov-Smirnov

En esta tabla se muestran las diferencias existentes entre los métodos del peak de la amplitud de FFT y el peak de la parte imaginaria de FRF para el modelo B de viviendas.

Esta prueba determina que a partir de los datos los métodos poseen una distribución con tendencia normal, dado que se obtiene una significación asintótica de un 0,282 lo cual es mayor a 0,05 por ende se acepta la hipótesis.

Se considera la presencia de una distribución normal de valores y la utilización de la prueba t de Student para muestras relacionadas.

		Diferencias relacionadas							
			Desviación	Error típ. de la	95% Intervalo de confianza para la diferencia				
		Media	típ.	media	Inferior	Superior	t	gl	Sig. (bilateral)
Par 1	FFT - FRF	,09700	,30776	,06882	-,04704	,24104	1,410	19	,175

Tabla C4: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas

La tabla C4 nos muestra los valores obtenidos de la prueba t con un intervalo de confianza del 95%. Su significación o valor p que vale 0,175>0,05. Aceptamos la hipótesis nula de que no existen diferencias significativas entre métodos de determinación de frecuencias para el modelo B.

Viviendas Modelo C:Para el análisis estadístico se lleva a cabo la prueba no paramétricade Kolmogorov-Smirnov para determinar la si existe tendencia a la normalidad en la diferenciade los métodos de determinación de  $f_n$ .

		FFT	FRF	dif
N		12	12	12
Parámetros normales <sup>a,b</sup>	Media	24,2708	24,2117	,0592
	Desviación típica	,73322	,81525	,25738
Diferencias más	Absoluta	,159	,156	,242
extremas	Positiva	,123	,125	,240
	Negativa	-,159	-,156	-,242
Z de Kolmogorov-Smirnov		,549	,542	,840
Sig. asintót. (bilateral)		,923	,931	,481

Tabla C5: Prueba de Kolmogorov-Smirnov

En esta tabla se muestran las diferencias existentes entre los métodos del peak de la amplitud de FFT y el peak de la parte imaginaria de FRF para el modelo C de viviendas.

Esta prueba determina que a partir de los datos los métodos poseen una distribución con tendencia normal, dado que se obtiene una significación asintótica de un 0,481 lo cual es mayor a 0,05 por ende se acepta la hipótesis.

Se considera la presencia de una distribución normal de valores y la utilización de la prueba t de Student para muestras relacionadas.

		Diferencias relacionadas							
			Desviación	Error típ. de la	95% Intervalo de confianza para la diferencia				
		Media	típ.	media	Inferior	Superior	t	gl	Sig. (bilateral)
Par 1	FFT - FRF	,05917	,25738	,07430	-,10437	,22270	,796	11	,443

Tabla C6: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas

La tabla C6 nos muestra los valores obtenidos de la prueba t con un intervalo de confianza del 95%. Su significación o valor p que vale 0,443>0,05. Aceptamos la hipótesis nula de que no existen diferencias significativas entre métodos de determinación de frecuencias para el modelo C.

## 2. Valor de Razón de Amortiguamiento

*<u>Viviendas Modelo A:</u>* Para llevar a cabo el análisis de probabilidad Normal en la diferencia de los métodos de determinación de razón de amortiguamiento, se utilizó la prueba de Kolmogorov-Smirnov descrita en la tabla C7.

		decaim	anchob	dif
Ν		15	15	15
Parámetros normales <sup>a,b</sup>	Media	,0541	,0578	-,0037
	Desviación típica	,01364	,01842	,00953
Diferencias más	Absoluta	,171	,366	,164
extremas	Positiva	,165	,366	,164
	Negativa	-,171	-,171	-,101
Z de Kolmogorov-Smirnov		,662	1,419	,634
Sig. asintót. (bilateral)		,773	,036	,816

Tabla C7: Prueba de Kolmogorov-Smirnov

En esta tabla se muestran las diferencias existentes entre los métodos de decaimiento de Curva y de ancho de banda para el modelo A de viviendas.

Esta prueba determina que a partir de los datos los métodos poseen una distribución con tendencia normal, dado que se obtiene una significación asintótica de un 0,816 lo cual es mayor a 0,05 por ende se acepta la hipótesis.

Se considera la presencia de una distribución normal de valores y la utilización de la prueba t de Student para muestras relacionadas.

		Diferencias relacionadas							
			Desviación	Error típ, de la	95% Intervalo de confianza para la diferencia				
		Media	típ.	media	Inferior	Superior	t	gl	Sig. (bilateral)
Par 1	decaim - anchob	-,00372	,00953	,00246	-,00900	,00156	-1,512	14	,153

Tabla C8: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas

La tabla C8 nos muestra los valores obtenidos de la prueba t con un intervalo de confianza del 95%. Su significación o valor p que vale 0,153>0,05. Aceptamos la hipótesis nula de que no existen diferencias significativas entre métodos de determinación de razón de amortiguamiento para el modelo A.
*<u>Viviendas Modelo B:</u>* Para llevar a cabo el análisis de probabilidad Normal en la diferencia de los métodos de determinación de razón de amortiguamiento, se utilizó la prueba de Kolmogorov-Smirnov descrita en la tabla C9.

		decaim	anchob	dif
Ν		20	20	20
Parámetros normales <sup>a,b</sup>	Media	,0330	,0345	-,0015
	Desviación típica	,00458	,00555	,00381
Diferencias más	Absoluta	,141	,172	,139
extremas	Positiva	,141	,172	,129
	Negativa	-,121	-,104	-,139
Z de Kolmogorov-Smirnov		,629	,769	,623
Sig. asintót. (bilateral)		,824	,596	,832

Tabla C9: Prueba de Kolmogorov-Smirnov

En esta tabla se muestran las diferencias existentes entre los métodos de decaimiento de Curva y de ancho de banda para el modelo B de viviendas.

Esta prueba determina que a partir de los datos los métodos poseen una distribución con tendencia normal, dado que se obtiene una significación asintótica de un 0,832 lo cual es mayor a 0,05 por ende se acepta la hipótesis.

Se considera la presencia de una distribución normal de valores y la utilización de la prueba t de Student para muestras relacionadas.

			Diferencias relacionadas						
			Desviación	Error típ. de la	95% Intervalo de confianza para la diferencia				
		Media	típ.	media	Inferior	Superior	t	gl	Sig. (bilateral)
Par 1	decaim - anchob	-,00153	,00381	,00085	-,00331	,00025	-1,797	19	,088

Tabla C10: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas

La tabla C10 nos muestra los valores obtenidos de la prueba t con un intervalo de confianza del 95%. Su significación o valor p que vale 0,088>0,05. Aceptamos la hipótesis nula de que no existen diferencias significativas entre métodos de determinación de razón de amortiguamiento para el modelo B.

*<u>Viviendas Modelo C:</u>* Para llevar a cabo el análisis de probabilidad Normal en la diferencia de los métodos de determinación de razón de amortiguamiento, se utilizó la prueba de Kolmogorov-Smirnov descrita en la tabla C11.

		decaim	anchob	dif
Ν		12	12	12
Parámetros normales <sup>a,b</sup>	Media	,0394	,0392	,000250
	Desviación típica	,00721	,00471	,0057247
Diferencias más	Absoluta	,283	,155	,247
extremas	Positiva	,283	,110	,247
	Negativa	-,157	-,155	-,202
Z de Kolmogorov-Smirnov		,981	,537	,855
Sig. asintót. (bilateral)		,291	,935	,457

Tabla C11: Prueba de Kolmogorov-Smirnov

En esta tabla se muestran las diferencias existentes entre los métodos de decaimiento de Curva y de ancho de banda para el modelo C de viviendas.

Esta prueba determina que a partir de los datos los métodos poseen una distribución con tendencia normal, dado que se obtiene una significación asintótica de un 0,457 lo cual es mayor a 0,05 por ende se acepta la hipótesis.

Se considera la presencia de una distribución normal de valores y la utilización de la prueba t de Student para muestras relacionadas.

			C	)iferencias relacio	rencias relacionadas				
			Desviación	Error típ, de la	95% Intervalo de confianza para la diferencia				
		Media	típ.	media	Inferior	Superior	t	gl	Sig. (bilateral)
Par 1	decaim - anchob	,00025	,00572	,00165	-,00339	,00389	,151	11	,882

Tabla C12: Prueba t de Student para Muestras Relacionadas

La tabla C12 nos muestra los valores obtenidos de la prueba t con un intervalo de confianza del 95%. Su significación o valor p que vale 0,882>0,05. Aceptamos la hipótesis nula de que no existen diferencias significativas entre métodos de determinación de razón de amortiguamiento para el modelo C.

## ANEXO D: METODOS DE OBTENCION DE $f_n$

Se muestran las gráficas que se analizaron para la obtención de los métodos de determinación de frecuencia vertical fundamental.

## 1. Método de obtención a través del peak de la transformada rápida de Fourier

Viviendas modelos A



Figura D1: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Casa 2

Figura D2: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D3: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Casa 4

Figura D4: gráfica de la transformada rápida de Fourier

Casa 5



Figura D5: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D6: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D7: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D8: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D9: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Casa 10

Figura D10: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D11: gráfica de la transformada rápida de Fourier











Figura D13: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D14: gráfica de la transformada rápida de Fourier







Vivienda Modelo B



Figura D16: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D17: gráfica de la transformada rápida de Fourier

0.016 0.014 0.012





Figura D18: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D19: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D20: gráfica de la transformada rápida de Fourier







Figura D22: gráfica de la transformada rápida de Fourier

Casa 8



Figura D23: gráfica de la transformada rápida de Fourier









Figura D25: gráfica de la transformada rápida de Fourier

Casa 11



Figura D26: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D27: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D28: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D29: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D30: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Casa 16

Figura D31: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D32: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D33: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D34: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D35: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D36: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D37: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D38: gráfica de la transformada rápida de Fourier





Figura D39: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D40: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D41: gráfica de la transformada rápida de Fourier









Figura D43: gráfica de la transformada rápida de Fourier



Figura D44: gráfica de la transformada rápida de Fourier







Casa 11



Figura D46: gráfica de la transformada rápida de Fourier

Casa 12



Figura D47: gráfica de la transformada rápida de Fourier

- 2. Método de obtención a través del peak de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia.
- Viviendas Modelo A









Figura D49: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D50: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 3



Figura D51: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 5

Figura D52: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 6

Figura D53: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D54: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D55: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D56: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D57: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 11

Figura D58: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D59: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D60: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D61: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 15



Figura D62: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 14

Casas	peak superior de la parte imaginaria de FRF (Hz)	peak inferior de la parte imaginaria de FRF (Hz)	% de los peaks (Hz)
1	28,56	28,32	28,44
2	29,05	29,54	29,30
3	26,37	26,86	26,61
4	26,12	24,90	25,51
5	25,15	25,39	25,27
6	23,19	24,17	23,68
7	27,34	28,56	27,95
8	27,34	27,59	27,47
9	28,32	28,81	28,56
10	28,81	29,30	29,05
11	30,52	28,81	29,66
12	28,08	28,56	28,32
13	28,08	28,56	28,32
14	30,76	31,01	30,88
15	26,86	27,34	27,10

Tabla D1. Resumen de valores de la parte imaginaria de FRF

Vivienda Modelo B





Figura D63: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D64: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D65: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 4



Figura D66: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D67: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D68: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 7



Figura D69: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D70: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D71: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D72: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 10



Figura D73: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 12

Figura D74: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 13



Figura D75: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D76: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 15

Figura D77: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 16



Figura D78: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D79: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 18

Figura D80: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 19



Figura D81: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D82: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Se presentan a continuación los valores obtenidos de los peak superior e inferior de las gráficas de determinación a través de la parte imaginaria de FRF, los cuales fueron promediados para la posterior comparación y evaluación de la frecuencia de vibración vertical fundamental para las viviendas modelo B

Casas	peak superior de la parte imaginaria de FRF (Hz)	peak inferior de la parte imaginaria de FRF (Hz)	% de los peaks (Hz)
1	25,88	26,37	26,12
2	26,12	25,63	25,88
3	31,49	31,25	31,37
4	26,61	26,12	26,37
5	25,63	26,12	25,88
6	26,12	25,39	25,76
7	25,15	24,66	24,90
8	25,63	27,10	26,37
9	25,63	23,93	24,78
10	26,12	25,88	26,00
11	26,12	26,61	26,37
12	25,88	25,39	25,63
13	24,41	23,93	24,17
14	25,63	25,39	25,51
15	25,39	24,90	25,15
16	25,63	26,12	25,88
17	24,66	25,15	24,90
18	25,63	26,12	25,88
19	25,63	25,88	25,76
20	23,93	24,90	24,41

Tabla D2. Resumen de Valores de la Parte Imaginaria de FRF

## ➢ Vivienda Modelo C



Figura D83: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D84: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D85: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 2

Casa 3



Figura D86: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia

Casa 5



Figura D87: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D88: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D89: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 8

Figura D90: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D91: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D92: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Casa 11

Figura D93: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia



Figura D94: gráfica de la parte imaginaria de la función de respuesta en frecuencia


Se presentan a continuación los valores obtenidos de los peak superior e inferior de las gráficas de determinación a través de la parte imaginaria de FRF, los cuales fueron promediados para la posterior comparación y evaluación de la frecuencia de vibración vertical fundamental para las viviendas modelo C.

Casas	peak superior de la parte imaginaria de FRF (Hz)	peak inferior de la parte imaginaria de FRF (Hz)	% de los peaks (Hz)
1	24,66	23,93	24,29
2	23,44	24,66	24,05
3	24,90	24,41	24,66
4	24,66	24,90	24,78
5	24,66	25,15	24,90
6	24,66	25,63	25,15
7	22,71	23,19	22,95
8	24,66	24,41	24,54
9	23,93	23,44	23,68
10	24,90	25,39	25,15
11	22,46	22,95	22,71
12	23,93	23,44	23,68

Tabla D3. Resumen de Valores de la Parte Imaginaria de FRF

# ANEXO E: METODOS DE DETERMINACIÓN $\boldsymbol{\xi}$

Se describe como se determinaron los valores de la razón de amortiguamiento a través de los métodos de decaimiento de curva y de ancho de banda.

## 1. Método de Decaimiento de Curva

Para este método se separaron los gráficos para su interpretación, en donde los  $\xi$  corresponden a las partes superior e inferior de la curva sin promediar.

Viviendas Modelo A

Casa 1



Parte Superior de la Curva

Figura E1. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.35%



Figura E2. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.26%

# Parte Superior de la Curva



Figura E3. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 91.5%



Figura E4.Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.68%

Casa 3



# Parte Superior de la Curva

Figura E5. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 88.48%



Figura E6. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 87.72%



# Parte Superior de la Curva





Figura E8. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.44%

## Parte Superior de la Curva



Figura E9. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 93.93%



Figura E10. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.93%

## Parte Superior de la Curva



Figura E11. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 84.72%

- 1.2 *fn* = 23,44 Hz 1 0.98  $\omega = 147,28$ Aceleracion (m/s2)  $\xi = 8,91 \%$ 0.8 Casa N°6 0.6 0.56 0.4 Linea de Regresion 0.4 Exponencial 0.21 0.2 0.13  $y = 9E + 07e^{-13.12x}$ 0.02 0  $R^2 = 0.8531$ 1.3 1.4 1.5 1.6 1.7 tiempo (s)
- Parte Inferior de la Curva

Figura E12. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 85.31%

## Parte Superior de la Curva



Figura E13. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 94.17%



Figura E14. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 93.9%

## Parte Superior de la Curva



Figura E15. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.81%

- 1.4 • 1.25 fn = 27,1 Hz 1.2  $\omega = 170,27$ Aceleracion (m/s2) 1  $\xi = 4,17 \%$ 0.85 0.8 Casa N°8 0.6 0.61 0.51 Linea de Regresion 0.4 0.4 Exponencial 0.29 0.2  $y = 146975e^{-7.106x}$ 0  $R^2 = 0.9915$ 2 1.6 1.7 1.8 1.9 tiempo (s)
- Parte Inferior de la Curva



## Parte Superior de la Curva



Figura E17. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.35%



Figura E18. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.42%

Casa 10



Figura E19. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 93.46%

Parte Inferior de la Curva



Figura E20. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.25%

# Parte Superior de la Curva



# Parte Superior de la Curva



Figura E21. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.8%



Figura E22. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.25%

## Parte Superior de la Curva



Figura E23. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.09%



Figura E24. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 93.01%

## Parte Superior de la Curva



Figura E25. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.77%



Figura E26. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.87%



# Parte Superior de la Curva



Figura E27. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.9%



Figura E28. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.17%

## Parte Superior de la Curva



Figura E29. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 93.09%



Figura E30. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 93.87%

A continuación se presentan los valores obtenidos de razón de amortiguamiento a través del método de decaimiento de curva, tanto e la parte superior de la curva como de la inferior los cuales fueron posteriormente promediados para su posterior comparación y evaluación.

Garage	Dec. de Curva	Dec. de Curva	% Dec. de Curva
Casas	Parte Superior	Parte Inferior	
1	5,52%	4,54%	5,03%
2	3,77%	4,45%	4,11%
3	4,18%	4,58%	4,38%
4	6,38%	4,28%	5,33%
5	5,51%	6,26%	5,88%
б	8,60%	8,91%	8,76%
7	4,09%	4,26%	4,17%
8	4,36%	4,17%	4,27%
9	4,74%	3,83%	4,29%
10	4,98%	3,88%	4,42%
11	7,76%	6,81%	7,28%
12	5,24%	6,23%	5,74%
13	6,49%	4,33%	5,41%
14	5,26%	4,63%	4,94%
15	5,83%	8,33%	7,08%

Tabla E1. Resumen de valores Obtenidos del Met. Dec. De Curva

#### Viviendas Modelo B

Casa 1



## Parte Superior de la Curva





Figura E32. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.05%

## Parte Superior de la Curva



Figura E33. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.09%



Figura E34. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.28%







Figura E35. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 85.29%



Figura E36. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.29%

## Parte Superior de la Curva



Figura E37. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 86.34%



Figura E38. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.94%

## Parte Superior de la Curva



Figura E39. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.89%



Figura E40. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.06%

## Parte Superior de la Curva



Figura E41. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 84.91%



Figura E42. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 96.41%



# Parte Superior de la Curva





Figura E44. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.25%

## Parte Superior de la Curva



Figura E45. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.18%



Figura E46. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.94%

## Parte Superior de la Curva



Figura E47. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.33%



Figura E48. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.31%

## Parte Superior de la Curva



Figura E49. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.38%



Figura E50. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.12%

# Parte Superior de la Curva



Figura E51. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.89%



Figura E52. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.31%





Figura E53. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.57%

Parte Inferior de la Curva



Figura E54. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.58%

# Parte Superior de la Curva



## Parte Superior de la Curva



Figura E55. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.61%



Figura E56. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.82%

## Parte Superior de la Curva



Figura E57. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.1%



Figura E58. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.82%

# Parte Superior de la Curva



Figura E59. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.57%





# Parte Superior de la Curva



Figura E61. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.25%



Figura E62. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.04%

Casa 17

# Parte Superior de la Curva



Figura E63. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98%



Figura E64. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.75%

# Parte Superior de la Curva



Figura E65. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.1%



Figura E66. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.86%
# Parte Superior de la Curva



Figura E67. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.12%



Figura E68. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.16%





# Parte Superior de la Curva





Figura E70. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 94.16%

Come	Dec. de Curva	Dec. de Curva	e Curva		
Casas	Parte Superior	Parte Inferior	% Dec. de Curva		
1	3,96%	3,57%	3,77%		
2	4,13%	4,23%	4,18%		
3	3,32%	4,67%	4,00%		
4	3,31%	3,10%	3,20%		
5	3,31%	3,01%	3,16%		
6	3,39%	3,66%	3,53%		
7	3,42%	3,50%	3,46%		
8	2,92%	2,80%	2,86%		
9	3,15%	2,86%	3,00%		
10	2,94%	2,92%	2,93%		
11	3,20%	3,63%	3,41%		
12	3,01%	2,92%	2,96%		
13	2,62%	2,58%	2,60%		
14	2,89%	3,08%	2,99%		
15	3,33%	3,24%	3,28%		
16	3,11%	2,64%	2,87%		
17	3,42%	3,23%	3,32%		
18	2,88%	3,06%	2,97%		
19	3,20%	3,10%	3,15%		
20	4,59%	3,95%	4,27%		

Tabla E2. Resumen de valores Obtenidos del Met. Dec. De Curva

### Viviendas Modelo C

Casa 1



# Parte Superior de la Curva

Figura E71. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.99%



Figura E72. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.37%

## Parte Superior de la Curva



Figura E73. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.67%



Figura E74. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 97.46%



# Parte Superior de la Curva





Figura E76. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.75%

## Parte Superior de la Curva



Figura E77. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.62%



Figura E78. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.93%



# Parte Superior de la Curva





Figura E80. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.88%

## Parte Superior de la Curva



Figura E81. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.48%



Figura E82. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.48%

# Parte Superior de la Curva



Figura E83. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.92%



Figura E84. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.23%



# Parte Superior de la Curva







## Parte Superior de la Curva



Figura E87. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.68%



Figura E88. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.06%

#### 1.4 1.31 ٠ 1.2 fn = 25,15 Hz $\omega = 158,02$ $\xi = 3,85\%$ 0.85 Casa N°10 0.67 0.56 Linea de Regresión 0.43 Exponencial 0.35 0.21 0.2 $y = 241.9e^{-6.089x}$ 0 $R^2 = 0.9897$ 0.00 0.50 1.00 1.50 tiempo(s)

# Figura E89. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 98.97%

Parte Inferior de la Curva



Figura E90. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.3%

# Parte Superior de la Curva

# Parte Superior de la Curva







Figura E92. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.33%



# Parte Superior de la Curva







Figura E90. Acelerograma con Calidad de Regresión de un 99.62%

A continuación se presentan los valores obtenidos de razón de amortiguamiento a través del método de decaimiento de curva, tanto e la parte superior de la curva como de la inferior los cuales fueron posteriormente promediados para su posterior comparación y evaluación.

Casas	Dec. de Curva Parte Superior	Dec. de Curva Parte Inferior	% Dec. de Curva
1	3,52%	3,08%	3,30%
2	3,77%	4,10%	3,94%
3	3,51%	2,92%	3,22%
4	3,43%	3,31%	3,37%
5	3,87%	3,66%	3,77%
6	3,58%	3,32%	3,45%
7	4,16%	4,22%	4,19%
8	7,30%	4,59%	5,95%
9	4,01%	4,18%	4,10%
10	3,85%	4,01%	3,93%
11	4,23%	4,15%	4,19%
12	3,81%	4,02%	3,92%

Tabla E3. Resumen de valores Obtenidos del Met. Dec. De Curva.

# 2. Método de Ancho de Banda

Para la obtención de valores de razón de amortiguamiento a través del método de determinación de Ancho de banda, se utilizaron los gráficos de la transformada rápida de Fourier expuestos en el Anexo D.

# Viviendas Modelo A

	Amplitud Max	A Max/raiz(2)	Frecuencias (Hz)			٤
Casas	_	_	$\mathbf{f}_1$	<b>f</b> <sub>e</sub>	$\mathbf{f}_2$	-
1	0,038	0,027	26,13	28,32	29,26	5,65%
2	0,033	0,019	27,45	29,30	30,16	4,70%
3	0,041	0,029	25,74	26,86	28,13	4,44%
4	0,023	0,016	24,24	26,12	26,98	5,35%
5	0,039	0,027	23,23	25,39	26,92	7,36%
6	0,049	0,034	20,44	23,93	25,17	10,37%
7	0,040	0,028	26,29	27,83	29,08	5,04%
8	0,063	0,045	25,55	27,34	28,21	4,95%
9	0,051	0,036	26,99	28,81	29,57	4,56%
10	0,056	0,040	27,79	28,81	29,73	3,37%
11	0,030	0,021	26,44	29,30	31,81	9,22%
12	0,036	0,025	27,56	28,56	30,72	5,42%
13	0,040	0,028	27,33	28,56	30,48	5,45%
14	0,039	0,028	29,45	31,01	32,77	5,34%
15	0,031	0,022	25,03	27,34	27,89	5,40%

# Tabla E4. Valores obtenidos de la transformada rápida de Fourier

# Viviendas Modelo B

	Amplitud Max	A max/raiz(2)	Frecuencias (Hz)		ξ	
Casas	—	—	$\mathbf{f}_1$	$\mathbf{f}_{\mathbf{e}}$	$\mathbf{f}_2$	—
1	0,054	0,038	24,86	25,9	26,72	3,61%
2	0,063	0,045	24,51	26,23	27,04	4,91%
3	0,012	0,009	29,82	31,16	32,45	4,22%
4	0,034	0,024	25,25	26,56	27,31	3,92%
5	0,135	0,095	25,23	25,9	26,84	3,09%
6	0,065	0,046	24,83	25,9	26,7	3,63%
7	0,094	0,067	23,58	24,57	25,69	4,28%
8	0,103	0,073	25,53	26,23	27,01	2,82%
9	0,126	0,089	24,94	25,9	26,35	2,75%
10	0,076	0,054	25,09	25,9	26,59	2,90%
11	0,064	0,046	25,26	26,23	27,16	3,62%
12	0,141	0,100	24,47	25,57	26,05	3,13%
13	0,198	0,140	23,59	24,57	25,04	2,98%
14	0,169	0,119	24,47	25,24	26,04	3,11%
15	0,100	0,071	24,14	25,24	25,75	3,23%
16	0,139	0,098	25,17	25,9	26,7	2,95%
17	0,159	0,113	23,72	24,9	25,48	3,58%
18	0,070	0,050	25,14	26,23	27	3,57%
19	0,129	0,091	24,96	25,9	26,62	3,22%
20	0,075	0,053	23,21	24,24	24,87	3,45%

# Tabla E5. Valores obtenidos de la transformada rápida de Fourier

# Viviendas Modelo C

	Amplitud Max	A max/raiz(2)	Frecuencias (Hz)		ξ	
Casas	—	—	<b>f</b> <sub>1</sub>	$\mathbf{f}_{\mathbf{e}}$	$\mathbf{f}_2$	_
1	0,102	0,072	23,5	24,57	25,16	3,41%
2	0,159	0,112	23	24,24	24,95	4,07%
3	0,102	0,072	23,68	24,57	25,33	3,37%
4	0,147	0,104	23,98	25,24	25,78	3,62%
5	0,185	0,131	23,86	24,9	25,7	3,71%
6	0,136	0,096	24,37	25,24	25,93	3,10%
7	0,135	0,096	22,24	23,58	24,32	4,47%
8	0,041	0,029	23,38	24,24	25,47	4,28%
9	0,084	0,059	22,27	23,24	24,1	3,95%
10	0,066	0,047	23,71	25,24	25,97	4,55%
11	0,149	0,105	22,14	23,24	24,12	4,28%
12	0,142	0,101	22,46	23,58	24,44	4,22%

# Tabla E6. Valores obtenidos de la transformada rápida de Fourier